

Balogh János

**GLOBÁLIS OPTIMALIZÁLÁSI ALKALMAZÁSOK ÉS
SZEMI-ON-LINE LÁDAPAKOLÁS**

Doktori értekezés, részletes adatok

1. táblázat. (Részletek az 1. táblázathoz.) Az 1. Probléma *minimalizálásakor* a GlobSollal kapott megoldások, amikor a megállási feltételként előírt megkövetelt pontosság 10^{-10} volt. A táblázatban az X^i -k a minimumpontokra kapott befoglaló intervallumok. $F(X^i)$ célfüggvény befoglaló intervalluma ezen az intervallumon.

| | |
|--------------------------------------|---|
| 1. megoldás intervallum (X^1) | ([-0.000060554544527457, 0.000060554544520409], [0.999939445455475420, 1.000000000000000000], [-1.000000000000000000, -0.999939445455475420], [-0.000060554544527458, 0.000060554544520408]) |
| $F(X^1)$ | [1.499818341866704600, 1.500000009167133700] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | (-0.000000000000003524, 0.999969722727737760, -0.999969722727737760, -0.000000000000003524) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49990916955828140, 1.49990916955828490] |
| 2. megoldás intervallum (X^2) | ([-0.000060554544527457, 0.000060554544520409], [-1.000000000000000000, -0.999939445455475420], [0.999939445455475420, 1.000000000000000000], [-0.000060554544527458, 0.000060554544520408]) |
| $F(X^2)$ | [1.499818341866704600, 1.500000009167133700] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | (-0.000000000000003524, -0.999969722727737760, (0.999969722727737760, -0.000000000000003524) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49990916955828140 , 1.49990916955828490] |
| 3. megoldás intervallum (X^3) | ([-0.000060554544527457, 0.000060554544520409], [0.999939445455475420, 1.000000000000000000], [0.999939445455475420, 1.000000000000000000], [-0.000060554544520408, 0.000060554544527458]) |
| $F(X^3)$ | [1.499818341866704600, 1.500000009167133700] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | (-0.000000000000003524, 0.999969722727737760 0.999969722727737760, 0.000000000000003524) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49990916955828140 , 1.49990916955828490] |
| 4. megoldás intervallum (X^4) | ([-0.000060554544527457, 0.000060554544520409], [-1.000000000000000000, -0.999939445455475860], [-1.000000000000000000, -0.999939445455475860], [-0.000060554544520372, 0.000060554544527494]) |
| $F(X^4)$ | [1.499818341866705900, 1.500000009167133700] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | (-0.000000000000003524, -0.999969722727737990, -0.999969722727737990, 0.000000000000003561) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49990916955828200 , 1.49990916955828560] |
| Függvénykiértékelések: | 1548 |
| Gradiens kiértékelések: | 718 |
| Korl. felt. kiértékelések: | 2927955 |
| Opt. ért. legjobb becsl.: | 1.50000029396437820 |
| CPU idő (s): | 429.63 |

2. táblázat. (Részletek a 2. táblázathoz.) Az 1. probléma *maximalizálásakor* a GlobSollal kapott megoldások, amikor a megállási feltételként előírt megkövetelt pontosság 10^{-10} volt. A táblázatban az X^i -k a minimumpontokra kapott befoglaló intervallumok. $F(X^i)$ célfüggvény befoglaló intervalluma ezen az intervallumon.

| | |
|--------------------------------------|---|
| 1. megoldás intervallum (X^1) | ([-1.000000000000000000, -0.999939445455475860], [-0.000060580303682899, -0.000060554594285720], [-0.000060528785364966, 0.000060580303682899], [-1.000000000000000000, -1.000000000000000000]) |
| $F(X^1)$ | [-2.50000000550496230 , -2.49987889641123220] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | [-0.999969722727737990, -0.000060567448984310, 0.000000025759158966, -1.000000000000000000] |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.49993944820640120 , -2.49993944820639460] |
| 2. megoldás intervallum (X^2) | [-1.000000000000000000, -0.99993944545547586] [-0.000060580303682899, -0.000060554594285720] [-0.000060580303682899, 0.000060528785364966] [1.000000000000000000, 1.000000000000000000] |
| $F(X^2)$ | [-2.50000000550496230 , -2.49987889641123220] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | [-0.999969722727737990, -0.000060567448984310, -0.000000025759158966, 1.000000000000000000] |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.49993944820640120 , -2.49993944820639460] |
| 3. megoldás intervallum (X^3) | ([-1.000000000000000000, -1.000000000000000000], [-0.000060554594285720, 0.000060528785364966] [-0.000060580303682899, -0.000060554594285720] [0.999939445455475640, 1.000000000000000000]) |
| $F(X^3)$ | [-2.50000000550340530, -2.49981834553356300] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | [-1.000000000000000000, -0.00000012904460376, -0.000060567448984310, 0.999969722727737760] |
| Obj. encl. at appr. r.: | [-2.49990917322670250, -2.49990917322669630] |
| 4. megoldás intervallum (X^4) | ([-1.000000000000000000, -1.000000000000000000], [-0.000060528785364966, 0.000060554494762146], [-0.000060580303682899, -0.000060554494762146], [-1.000000000000000000, -0.999939445455475640]) |
| $F(X^4)$ | [-2.50000000550339910, -2.49981834553355100] |
| Tartalmazott közelítő megoldás: | [-1.000000000000000000, 0.00000012854698589, -0.000060567399222523, -0.999969722727737760] |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.49990917322669630 , -2.49990917322669000] |
| Függvénykiértékelések: | 4300 |
| Gradiens kiértékelések: | 3104 |
| Korl. felt. kiértékelések: | 5513034 |
| Opt. ért. legjobb becsl.: | 2.49999970603216810 |
| CPU idő (s): | 861.37 |

3. táblázat. (Részletek az 3. táblázathoz.) A 2. probléma (az 1. probléma polár alakjának) *minimalizálásakor* a GlobSollal kapott megoldások, amikor a megállási feltételként előírt megkövetelt pontosság 10^{-10} volt. A táblázatban az (α^i, β^i) -k, a minimumpontokra kapott befoglaló intervallumok. $F(\alpha^i, \beta^i)$ a célfüggvény befoglaló intervalluma ezen az intervallumon.

| | |
|--|--|
| 1. megoldás intervallum (α^1, β^1) | [4.71238898018790040, 4.71238898058148070] |
| $F(\alpha^1, \beta^1)$ | [3.14159265339304520, 3.14159265378654240] |
| Tartalmazott közel. megoldás: : | (4.71238898038469060, 3.14159265358979400) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49999999999999640, 1.50000000000000220] |
| 2. megoldás intervallum (α^2, β^2) | [4.71238898017934730, 4.71238898066917060] |
| $F(\alpha^2, \beta^2)$ | [6.28318530697546950, 6.28318530746284050] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (4.71238898042425890, 6.28318530721915460) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49999999999999690, 1.50000000000000290] |
| 3. megoldás intervallum (α^3, β^3) | [1.57079632677457680, 1.57079632681521740] |
| $F(\alpha^3, \beta^3)$ | [3.14159265357076390, 3.14159265360882370] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (1.57079632679489700, 3.14159265358979400) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49999999999999640, 1.50000000000000220] |
| 4. megoldás intervallum (α^4, β^4) | [1.57079632678417960, 1.57079632680910670] |
| $F(\alpha^4, \beta^4)$ | [6.28318530716901070, 6.28318530719365410] |
| Tartalmazott megoldás: | (1.57079632679664320, 6.28318530718133240) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49999999999999690, 1.50000000000000290] |
| 5. megoldás intervallum (α^5, β^5) | [1.57079632679468540, 1.57079632679676220] |
| $F(\alpha^5, \beta^5)$ | [0.00000000000000000, 0.0000000000186530] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (1.57079632679572390, 0.00000000000093265) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49999999999999690, 1.50000000000000290] |
| 6. megoldás intervallum (α^6, β^6) | [4.71238898038412480, 4.71238898038656200] |
| $F(\alpha^6, \beta^6)$ | [0.00000000000000000, 0.0000000000187124] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (4.71238898038534340, 0.00000000000093562) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [1.49999999999999690, 1.50000000000000290] |
| Függvénykiértékelések: | 2003 |
| Gradiens kiértékelések: | 747 |
| Korl. felt. kiértékelések: | 163188 |
| Opt. ért. legjobb becsl.: | 1.50000000000000220 |
| CPU idő (s): | 118.85 |

4. táblázat. (Részletek a 4. táblázathoz.) A 2. probléma (az 1. probléma polár alakjának) *maximalizálásakor* a GlobSollal kapott megoldások, amikor a megállási feltételként előírt megkövetelt pontosság 10^{-10} volt. A táblázatban az (α^i, β^i) -k, a minimumpontokra kapott befoglaló intervallumok. $F(\alpha^i, \beta^i)$ a célfüggvény befoglaló intervalluma ezen az intervallumon.

| | |
|--|---|
| 1. megoldás intervallum (α^1, β^1) | ([0.000000000000000000, 0.0000000001545215], [4.71238898038412390, 4.71238898038623600]) |
| $F(\alpha^1, \beta^1)$ | [-2.500000000000000400, -2.4999999999999420] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (0.0000000000000772607, 4.71238898038517990) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.500000000000000490, -2.4999999999999470] |
| 2. megoldás intervallum (α^2, β^2) | ([0.000000000000000000, 0.00000000001535997], [1.57079632679468360, 1.57079632679643360]) |
| $F(\alpha^2, \beta^2)$ | [-0.250000000000000400, -2.4999999999999420] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | 0.000000000000767998, 1.57079632679555870) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.500000000000000490, -2.4999999999999470] |
| 3. megoldás intervallum (α^3, β^3) | ([3.14159265355849060, 3.14159265362109300], [1.57079632676362490, 1.57079632682616600]) |
| $F(\alpha^3, \beta^3)$ | [-2.50000000000000360, -2.4999999999999380] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (3.14159265358979180, 1.57079632679489540) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.500000000000000400, -2.4999999999999420] |
| 4. megoldás intervallum (α^4, β^4) | [3.14159265343820100, 3.14159265374138160] [4.71238898023313800, 4.71238898053623960] |
| $F(\alpha^4, \beta^4)$ | [-2.50000000000000360, -2.4999999999999380] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (3.14159265358979130, 4.71238898038468880) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.50000000000000360, -2.4999999999999380] |
| 5. megoldás intervallum (α^5, β^5) | ([6.28318530716149230, 6.28318530720445080], [1.57079632677694820, 1.57079632681961790]) |
| $F(\alpha^5, \beta^5)$ | [-2.50000000000000360, -2.4999999999999380] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (6.28318530721745990, 4.71238898042256430) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.50000000000000490, -2.4999999999999470] |
| 6. megoldás intervallum (α^6, β^6) | ([6.28318530697946900, 6.28318530745545090] [4.71238898018580170, 4.71238898065932690]) |
| $F(\alpha^6, \beta^6)$ | [-2.50000000000000360, -2.4999999999999380] |
| Tartalmazott közel. megoldás: | (6.28318530721745990, 4.71238898042256430) |
| Közel. mego. fgv. é.: | [-2.50000000000000490, -2.4999999999999470] |
| Függvénykiértékelések: | 2269 |
| Gradiens kiértékelések: | 1591 |
| Korl. felt. kiértékelések: | 165279 |
| Opt. ért. legjobb becsl.: | -2.4999999999999420 |
| CPU idő (s): | 116.82 |

A 3. fejezetben használt tesztfüggvények leírása

Itt adjuk meg a 3. fejezetben használt tesztfüggvények pontos definícióit. A leírásnál használt jelölések a következők:

D : az általunk használt keresési tartomány az adott függvénynél.

$f(x^*)$: a függvény globális minimumának értéke D -n.

M : a függvény globális és lokális minimumhelyeinek együttes száma D -n.

F1: Three-hump camel-back függvény (THCB):

$$f(x) = 12x_1^2 - 6.3x_1^4 + x_1^6 + 6x_2(x_2 - x_1),$$

a $D = [-5, 5]^2$ keresési tartományt használtuk, $f(x^*) = 0.0$, $M = 3$ itt.

F2:

$$f(x) = \begin{cases} (x_1 - 5)^2 - (x_2 - 10)^2, & \text{ha } x_1 \leq 10, \\ (x_1 - 15)^2 - (x_2 - 10)^2 & \text{egyébként,} \end{cases}$$

$$D = [0, 20]^2, f(x^*) = 0.0, M = 2.$$

F3: Six-hump camel-back függvény (SHCB):

$$f(x) = 4x_1^2 - 2.1x_1^4 + \frac{1}{3}x_1^6 + x_1x_2 - 4x_2^2 + 4x_2^4,$$

$$D = [-2.5, 2.5]^2, f(x^*) = -1.0316, M = 6.$$

F4: Booth:

$$f(x) = (x_1 + 2x_1 - 7)^2 + (2x_1 + x_2 - 5)^2,$$

$$D = [-5, 5]^2, f(x^*) = 0.0, M = 1.$$

F5: Levy 13:

$$f(x) = (x_1 - 1)^2(1 + \sin^2(3\pi x_2)) + (x_n - 1)^2(1 + \sin^2(2\pi x_n)) + \sin^2(3\pi x_1),$$

$$D = [-10, 10]^2, f(x^*) = 0.0, M \geq 1.$$

F6: Goldstein–Price:

$$f(x) = (1 + (x_1 + x_2 + 1)^2(19 - 14x_1 + 3x_1^2 - 14x_2 + 6x_1x_2 + 3x_2^2)) \cdot (30 + (2x_1 - 3x_2)^2(18 - 32x_1 + 12x_1^2 + 48x_2 - 36x_1x_2 + 27x_2^2)),$$

$$D = [-2, 2]^2, f(x^*) = 3.0, M = 3.$$

F7,F16,F18,F19,F20,F21,F22: Spherical 7, Spherical 12, Spherical 16, Spherical 18, Spherical 19, Spherical 20, Spherical 21, Spherical 22:

$$f(x) = \sqrt{\sum_i^n x_i^2},$$

ahol az egyes függvényeknél $n = 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9$, ebben a sorrendben, rendre, $D = [-1, 1]^n$, $f(x^*) = 0.0$, $M = 1$ ($n = 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9$).

F8, F17: Hartman 3, Hartman 6:

$$f_n(x) = - \sum_{i=1}^4 c_i \exp \left(- \sum_{j=1}^n A_{ij}(x_j - P_{ij})^2 \right),$$

ahol $n = 3$, illetve $n = 6$, és $A, P \in \mathbb{R}^{4 \times n}$, valamint $c \in \mathbb{R}^n$, $D = [0, 1]^n$, $M \geq n$ ($n = 3, 6$), $f(x^*) = -3.862782$, a Hartman 3 függvényénél, $f(x^*) = -3.322828$, a Hartman 6 függvényénél.

F9: Beale:

$$f(x) = (1.5 - x_1 + x_1x_2)^2 + (2.25 - x_1 + x_1x_2^2)^2 + (2.625 - x_1 + x_1x_2^3)^2,$$

$$D = [-5, 5]^2, f(x^*) = 0.0, M \geq 4.$$

F10: Levy 3:

$$f(x) = \sum_{i=1}^5 i \cos((i-1)x_1 + i) \sum_{j=1}^5 j \cos((j+1)x_2 + j),$$

$$D = [-10, 10]^2, f(x^*) = -176, 54, M \geq 9.$$

F11: Griewank:

$$f(x) = \sum_{i=1}^2 \frac{x_i^2}{4000} - \prod_{i=1}^2 \cos\left(\frac{x_i}{\sqrt{i}}\right) + 1.$$

$$D = [-600, 600]^2, f(x^*) = 0, 0, M \geq 10.$$

F13,F14,F15: Shekel 5, Shekel 7, Shekel 10:

$$f_n(x) = - \sum_{i=1}^n \frac{1}{(x - A_i)(x - A_i)^T + c_i},$$

ahol $A \in \mathbb{R}^{n \times 4}$, $c \in \mathbb{R}^n$, és $n = 5$, $n = 7$, és $n = 10$, rendre. $D = [-10, 10]^4$, $M \geq 4$ ($n = 5, 7, 10$), $f(x^*) = -10,15320$ a Shekel 5 függvényénél, $f(x^*) = -10,40294$ a Shekel 7 függvényénél, $f(x^*) = -10,53641$ a Shekel 10 függvényénél.